# МИНОБРНАУКИ РОССИИ

Кумертауский филиал федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Оренбургский государственный университет» (Кумертауский филиал ОГУ)

Кафедра ООДиІТ-технологий



# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

# дисциплины

«Б1.Д.Б.13.1 Линейная алгебра и математический анализ»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки <u>38.03.01 Экономика</u>

(код и наименование направления подготовки)

Экономика предприятий и организаций (наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация <u>Бакалавр</u>

Форма обучения *Очно-заочная*  Рабочая программа дисциплины «Б1.Д.Б.13.1 Линейная алгебра и математический анализ» /сост. Д.К. Афанасова - Кумертау: Кумертауский филиал ОГУ, 2025

Рабочая программа предназначена обучающимся очно-заочной формы обучения по направлению подготовки 38.03.01 Экономика •

<sup>©</sup> Афанасова Д.К., 2025

<sup>©</sup> Кумертауский филиал ОГУ, 2025

# 1 Цели и задачи освоения дисциплины

**Целью** освоения дисциплины «Линейная алгебра и математический анализ» является формирование знаний и умений в области анализа, моделирования и решения прикладных задач, как аналитическими методами, так и численными с использованием математического аппарата.

#### Задачи:

- познакомить с основными математическими понятиями, необходимыми для решения задач;
- изучить основные приемы анализа и моделирования явлений при поиске оптимальных решений прикладных задач;
  - научить проводить анализ прикладных задач.

# 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: Отсутствуют

Постреквизиты дисциплины: 61.Д.Б.13.2 Теория вероятностей и математическая статистика, 61.Д.Б.13.3 Методы оптимальных решений, 61.Д.Б.17 Статистика, 61.Д.Б.13.3 Рынок ценных бумаг

# 3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
ПК*-1 Способен	ПК*-1-В-1 Использует знания из разделов	Знать: основные понятия
осуществлять анализ	математики при решении экономических	линейной алгебры и
экономических данных с	задач	математического анализа,
использованием		необходимые для
математических методов и		решения экономических
информационных технологий		задач.
для выработки решений в		<b>Уметь:</b> применять
области профессиональной		методы теоретического и
деятельности		экспериментального
		исследования для
		решения экономических
		задач.
		<b>Владеть:</b> навыками
		современного
		математического
		инструментария для
		решения экономических
		задач.

# 4 Структура и содержание дисциплины

# 4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц (216 академических часов).

	Трудоемкость,					
Вид работы	академических часов					
	1 семестр	2 семестр	всего			
Общая трудоёмкость	108	108	216			
Контактная работа:	18,25	23,25	41,5			
Лекции (Л)	10	12	22			
Практические занятия (ПЗ)	8	10	18			
Консультации		1	1			
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	0,5			
Самостоятельная работа:	89,75	84,75	174,5			
- проработка и повторение лекционного материала и	31,75	30,75	62,5			
материала учебников и учебных пособий;						
- подготовка к практическим занятиям;	40	36	76			
- подготовка к дифференцированному зачету	18		18			
- подготовка к экзамену		18	18			
Вид итогового контроля (зачет, экзамен,	диф. зач.	экзамен				
дифференцированный зачет)						

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

		Количество часов				3
№ раздела	Наименование разделов	всего	аудиторная работа			внеауд.
			Л	П3	ЛР	работа
1	Элементы высшей алгебры	28	4 2 22			22
2	Аналитическая геометрия на плоскости и в	27	2 2 23		23	
	пространстве					
3	Основы математического анализа	26	2	2		22
4	Дифференциальное исчисление	27 2 2 23		23		
	Итого: 108 10 8 90					90

Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре

		Количество часов				
№ раздела	Наименование разделов	всего	аудиторная работа			внеауд.
			Л	П3	ЛР	работа
5	Функция нескольких переменных	24	2	2		20
6	Интегральное исчисление	32	4	4		24
7	Дифференциальные уравнения	28	4	2		22
8	Ряды	24	2	2		20
	Итого:	108	12	10		86
	Всего:	216	22	18		176

# 4.2 Содержание разделов дисциплины

# Раздел 1. Элементы высшей алгебры

Матрицы: основные определения, классификация, операции над матрицами (сложение, вычитание, умножение), элементарные преобразования матриц, приведение к треугольному виду, транспонирование матриц; их свойства.

Определители: формулы для вычисления определителей 1,2,3 порядков. Простейшие свойства определителей. Дополнительный минор и алгебраические дополнения для элемента определителя, их свойства. Практические правила вычисления определителей n > 4.Определитель произведения матриц.

Системы m линейных уравнений с n неизвестными: основные определения, классификация, метод Гаусса решения системы m линейных уравнений с n неизвестными; правило Крамера решения системы m линейных уравнений с n неизвестными. Исследование систем линейных алгебраических уравнений. Свойства линейной зависимости.

Обратная матрица: определение, свойства, вывод формулы для вычисления. Применение обратных матриц для решения систем. Кольцо матриц, группа невырожденных матриц. Матричные уравнения.

Ранг матрицы, базисный минор. Различные теоремы о рангах. Подобные матрицы. Теорема Кронекера - Капелли о совместности неоднородной линейной системы.

Линейное пространство: определение, примеры линейных пространств. Понятие линейной зависимости независимости системы векторов, критерий линейной зависимости системы векторов в произвольном пространстве. Конечномерное линейное пространство: определение, базис, способ выбора базиса, координаты вектора. Критерий линейной независимости векторов в конечномерном пространстве. Матрица перехода от одного базиса к другому. Формулы для связи координат одного и того же вектора в двух базисах одного и того же линейного пространства.

Векторы в  $\mathbb{R}^3$ : основные определения (равенство, коллинеарность компланарность), линейные операции. Свойства множества векторов, плоскости (реального пространства), исходящих из одной точки: линейное пространство, базис, размерность.

Прямоугольная система координат в  $\mathbb{R}^3$ , координаты вектора, действия над векторами, заданными в координатной форме. Скалярная проекция вектора на ось: определение, свойства, геометрический смысл координат.

Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов: определения, свойства, формулы для вычисления, приложения.

# Раздел 2. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

Плоскость и прямая в R<sup>3</sup>: различные способы задания, взаимное расположение.

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Поверхности, основные свойства, классификация.

Расширение понятия числа. Комплексные числа: основные определения, алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы записи, операции над комплексными числами, геометрическая интерпретация. Определение комплексных чисел, их изображение на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы комплексного числа. Формула Эйлера. Операции над комплексными числами. Формула Муавра. Корни из комплексных чисел.

#### Раздел 3. Основы математического анализа

Множества. Операции над множествами. Числовые множества. Окрестность точки. Множества точек на прямой, на плоскости, в пространстве. Ограниченные множества. Точная верхняя и точная нижняя граница. Замкнутые множества. Функции. Область определения. Множество значений функции. Сложные и обратные функции. График функции. Основные элементарные функции, их свойства и графики.

Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Арифметические действия над пределами.

Предел функции в точке и на бесконечности. Односторонние пределы. Теорема о связи односторонних пределов с пределом функции. Ограниченные функции на множестве X и в окрестности точки x0.

Теорема об ограниченной функции, имеющей предел. Теорема о единственности предела функции. Теорема о промежуточной функции.

Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их свойства, связь между ними. Виды неопределенностей. Теорема о сохранении знака предела функции. Теорема о переходе в неравенствах к пределу. Теорема о представлении функции. Первый и второй замечательные пределы.

Понятие о функции, непрерывной в точке. Арифметические действия над непрерывными функциями. Непрерывность сложной и обратной функций. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Точки разрыва и их классификация.

# Раздел 4. Дифференциальное исчисление

Производная функции в точке. Её геометрический и механический смысл. Понятие дифференцируемости функции в точке. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью.

Дифференциал функции и его геометрический смысл. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная тригонометрических, степенной и логарифмической функций.

Производная обратной функции. Формулы дифференцирования показательной функции и аркфункций.

Дифференцирование сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование функций, заданных параметрически.

Производные и дифференциалы высших порядков. Основные теоремы дифференциального исчисления: теоремы Ферма, Роля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя.

Условия монотонности функции. Экстремумы функции. Необходимое и достаточное условия экстремума. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на отрезке.

Исследование функции на выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Нахождение асимптот функции. Общая схема исследования функции и построение её графика.

# Раздел 5. Функция нескольких переменных

Понятие функций многих переменных. Область их определения и множество значений. Геометрическое изображение. Предел и непрерывность функции двух переменных. Свойства функции, непрерывной в замкнутой, ограниченной области.

Частные производные. Понятие о дифференцируемости функции двух переменных. Условия дифференцируемости функции в точке. Дифференциал и его связь с частными производными. Геометрический смысл частных производных и дифференциала.

Производные сложных функций. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.

Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума.

# Раздел 6. Интегральное исчисление

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных интегралов.

Замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле. Интегрирование рациональных функций.

Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.

Задача, приводящая к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Существование и основные свойства определенного интеграла.

Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Методы интегрирования в определенном интеграле.

Геометрические и механические приложения определенного интеграла.

Несобственные интегралы первого и второго родов. Их вычисление и сходимость.

Задача, приводящая к понятию двойного интеграла. Определение и свойства двойного интеграла.

Вычисление двойного интеграла: Случай прямоугольной области, криволинейной области, в полярных координатах. Приложения двойного интеграла.

Тройной интеграл. Определение, свойства, вычисление в различных координатах, приложения.

Криволинейные интегралы первого и второго родов, определение, свойства, вычисление, приложения.

Связь между криволинейными интегралами первого и второго родов. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Интегрирование полного дифференциала.

Повторные интегралы первого и второго родов, свойства, вычисление, приложения. Связь между ними. Формулы Остроградского и Стокса.

# Раздел 7. Дифференциальные уравнения

Задача, приводящая к понятию дифференциального уравнения. Основные понятия теории дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши и теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка. Общее и частное решения дифференциального уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения с разделяющимися и разделенными переменными.

Однородные уравнения. Линейные уравнения. Уравнения в полных дифференциалах.

Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши и теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения n-ого порядка. Общее и частное решения. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка.

Линейные дифференциальные уравнения: однородные и неоднородные. Линейные однородные дифференциальные уравнения, их свойства. Линейная зависимость и независимость функций на отрезке. Вронскиан. Теоремы о Вронскиане.

Фундаментальная система решений. Теорема о структуре общего решения линейного однородного дифференциального уравнения. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.

Теорема о структуре общего решения линейного неоднородного дифференциального уравнения. Метод Лагранжа вариации постоянных. Решение линейного неоднородного дифференциального уравнения со специальной правой частью.

# Раздел 8. Ряды

Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Свойства сходящихся рядов. Необходимое условие сходимости ряда. Ряды с положительными членами. Теоремы сравнения. Признаки сходимости Даламбера и Коши. Интегральный признак.

Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Знакопеременные ряды. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Переместительное свойство сходящихся рядов.

Функциональные ряды. Область сходимости. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал сходимости. Интегрирование и дифференцирование степенных рядов.

Разложение функций в степенные ряды. Теорема о единственности разложения функции в степенной ряд. Ряды Тейлора и Маклорена.

Тригонометрический ряд. Ряд Фурье. Разложение периодической функции в ряд Фурье.

Ряд Фурье для четных и нечетных функций, заданных на интервале длиной  $2\pi$ . Ряд Фурье для функции с периодом 2l. Разложение в ряд Фурье непериодической функции.

# 4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	No	Тема	Кол-во
	раздела		часов
1	1	Матрицы. Определители. Ранг матрицы Решение систем	2
	1	линейных уравнений различными способами	
2	2	Прямая на плоскости, прямая и плоскость в пространстве:	2
	2	ключевые задачи	
3	3	Предел последовательности и функции	2
4	4	Исследование функций и построение графиков	2
5	5	Функции многих переменных, область определения, предел,	2
		непрерывность. Частные производные.	
6	6	Неопределенный интеграл.	2
7	6	Определенный интеграл. Несобственные интегралы. Двойной	2

№ занятия	$N_{\underline{0}}$	Тема	Кол-во
м занятия	раздела		часов
		интеграл.	
8	7	Дифференциальные уравнения	2
9	8	Числовые ряды	2
		Итого:	18

#### 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

# 5.1 Основная литература

- 1. Бурмистрова, Е.Б. Линейная алгебра : учебник и практикум для бакалавров / Е.Б. Бурмистрова. М.: Изд-во Юрайт, 2015. 421с.
- 2. Милевский, А. С. Линейная алгебра : конспект лекций / А. С. Милевский. Москва : РУТ (МИИТ), 2018. 89 с. Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1896898.
- 3. Рудык, Б. М. Линейная алгебра : учебное пособие / Б. М. Рудык. Москва : ИНФРА-М, 2019. 318 с. (Высшее образование: Бакалавриат). ISBN 978-5-16-004533-7. Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1010102.
- 4. Шипачев, В. С. Высшая математика. Полный курс: учебник для бакалавров / В. С. Шипачев; [под ред. А. Н. Тихонова].- 4-е изд., испр. и доп.. Москва: Юрайт, 2014. 607 с.. (Бакалавр. Базовый курс) ISBN 978-5-9916-3325-3.
- 5. Богомолов, Н. В. Математика : учебник для вузов / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. 5-е изд., перераб. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2024. 401 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-07001-9. Режим доступа: <a href="https://urait.ru/bcode/535729">https://urait.ru/bcode/535729</a>

# 5.2 Дополнительная литература

- 1. Беришвили, О. Н. Математика : учебное пособие / О. Н. Беришвили, С. В. Плотникова. Самара : СамГАУ, 2023. 128 с. ISBN 978-5-88575-733-1. Режим доступа: https://e.lanbook.com/book/392549.
- 2. Богомолов, Н. В. Математика. Задачи с решениями: учебное пособие для вузов / Н. В. Богомолов. 2-е изд., перераб. и доп. Москва: Издательство Юрайт, 2024. 755 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-16210-3. Режим доступа: <a href="https://urait.ru/bcode/544898">https://urait.ru/bcode/544898</a>.
- 3. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика : учеб. пособие / В. Е. Гмурман. 12-е изд.. Москва : Высшее образование, 2006. 479 с.

# 5.3 Интернет-ресурсы

- 1. http://www.mccme.ru/ URL: Московский центр непрерывного математического образования
- 2. <a href="http://vilenin.narod.ru/Mm/Books/Books.htm">http://vilenin.narod.ru/Mm/Books/Books.htm</a> Математическая библиотека
- 3. <a href="http://en.edu.ru/">http://en.edu.ru/</a> Естественно-научный образовательный портал
- 4. Вестник Московского Университета. Серия 1. Математика. Механика: журнал. М.: Агенство «Роспечать» периодическое научное издание отражает тематику важнейших направлений теоретических исследований по математике и механике. <a href="http://vestnik.math.msu.su/start-in-fr.html">http://vestnik.math.msu.su/start-in-fr.html</a>
- 5. Алгебра и анализ: журнал.- Санкт-Петербургское отделение Математического института им. В. А. Стеклова РАН <a href="http://www.pdmi.ras.ru/AA">http://www.pdmi.ras.ru/AA</a>
- 6. Дифференциальные уравнения: журнал. М.: МАИК "Наука /Интерпериодика".- http://nasb.gov.by/eng/publications/difur/index.php

# 5.4 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий

- 1. Операционная система Microsoft Windows
- 2. Пакет настольных приложений Microsoft Office (Word, Excel, PowerPoint, OneNote, Outlook, Publisher, Access)
- 3. Приложения Microsoft Visio
- 4. Антивирус Dr. Web Desktop Security Suite
- 5. Бесплатное средство просмотра файлов PDF Adobe Reader
- 6. Свободный файловый архиватор 7-Zip
- 7. <a href="https://yandex.ru/">https://yandex.ru/</a> бесплатный российский Интернет обозреватель Яндекс. Браузер
- 8. http://newgdz.com/spravochnik Справочник по высшей математике
- 9. <a href="http://aist.osu.ru/">http://aist.osu.ru/</a> АИССТ ОГУ автоматизированная интерактивная система сетевого тестирования ОГУ

# 6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Лекционные и практические занятия проводятся в учебных аудиториях.

Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет", и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду филиала и ОГУ.

# ЛИСТ согласования рабочей программы

Направление подготовки: <u>38.03.01 Экономика</u> код и наименование
Профиль: Экономика предприятий и организаций Дисциплина: <u>Б1.Д.Б.13.1 Линейная алгебра и математический анализ</u> Форма обучения: <u>очно-заочной</u> (очная, очно-заочная)
Год набора <u>2025</u>
РЕКОМЕНДОВАНА на заседании кафедры <u>ООДиІТ-технологий</u> наименование кафедры
протокол № 10 от «07» <u>05</u> 2025 г.
Ответственный исполнитель, и.о. зав. кафедрой ООДиІТ-технологий Я Афанасова Д.К. подименование кафедры подпись расшифровка подпись
Исполнители: <u>Доцент кафедры ООДиІТ-технологий</u> должность  должность  д.К. Афанасова подпись расшифровка подписи
ОДОБРЕНА на заседании НМС, протокол № 6 от «15» $_{\underline{05}}$ 2025 г.
Председатель НМС Л.Ю. Полякова подпись расшифровка подпись
СОГЛАСОВАНО:
И.о. зав. кафедрой экономики <u>З.Р. Ахмадиева</u> подпись расшифровка подписи
Заведующий библиотекой