

МИНОБРНАУКИ РОССИИ  
Кумертауский филиал  
федерального государственного  
бюджетного образовательного учреждения  
высшего образования  
«Оренбургский государственный университет»  
(Кумертауский филиал ОГУ)

Кафедра экономики



УТВЕРЖДАЮ

Зам. директора по УМиНР

Полякова Л.Ю.

(подпись, расшифровка подписи)

"31 " 08 2022г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

ДИСЦИПЛИНЫ

«Б1.Д.Б.15 Математика»

Уровень высшего образования

БАКАЛАВРИАТ

Направление подготовки

08.03.01 Строительство

(код и наименование направления подготовки)

Промышленное и гражданское строительство

(наименование направленности (профиля) образовательной программы)

Квалификация

Бакалавр

Форма обучения

Очно-заочная

Кумертау 2022

**Рабочая программа дисциплины «Б1.Д.Б.15 Математика» / сост. Д.К. Афанасова -  
Кумертау: Кумертауский филиал ОГУ, 2022**

Рабочая программа предназначена обучающимся очной формы обучения по направлению подготовки 08.03.01 Строительство

© Афанасова Д.К., 2022  
© Кумертауский филиал ОГУ, 2022

## 1 Цели и задачи освоения дисциплины

**Цель** освоения дисциплины – овладение обучающимися математическим аппаратом для анализа, моделирования и решения прикладных задач.

### **Задачи:**

- изучить основные математические понятия необходимые для решения задач;
- овладеть основными приемами анализа и моделирования при поиске оптимальных решений прикладных задач;
- выработать у обучающихся умение самостоятельно расширять свои знания, проводить анализ прикладных задач.

## 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к базовой части блока Д «Дисциплины (модули)»

Пререквизиты дисциплины: *Отсутствуют*

Постреквизиты дисциплины: *Б1.Д.Б.15 Экономическая теория, Б1.Д.Б.17 Теоретическая механика, Б1.Д.Б.19 Инженерная геодезия, Б1.Д.Б.23 Основы геотехники, Б1.Д.Б.24 Механика жидкости и газа, Б1.Д.Б.26 Электротехника и электроснабжение, Б1.Д.Б.31 Метрология, стандартизация, сертификация и управление качеством*

## 3 Требования к результатам обучения по дисциплине

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих результатов обучения

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
ОПК-1 Способен решать задачи профессиональной деятельности на основе использования теоретических и практических основ естественных и технических наук, а также математического аппарата	ОПК-1-В-6 Решение инженерных задач с помощью математического аппарата векторной алгебры, аналитической геометрии и математического анализа ОПК-1-В-7 Решение уравнений, описывающих основные физические процессы, с применением методов линейной алгебры и математического анализа ОПК-1-В-8 Обработка расчетных и экспериментальных данных вероятностно-статистическими методами ОПК-1-В-9 Решение инженерно-геометрических задач графическими способами	<b><u>Знать:</u></b> - основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального исчисления, интегрирования, разложении функций в ряды, теории вероятностей, математической статистики <b><u>Уметь:</u></b> - самостоятельно использовать математический аппарат, содержащийся в литературе по направлению подготовки, расширять свои математические познания; - использовать

Код и наименование формируемых компетенций	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине, характеризующие этапы формирования компетенций
		математический аппарат при изучении других дисциплин и при решении задач <b>Владеть:</b> - навыками применения соответствующего физико-математического аппарата при решении задач

#### 4 Структура и содержание дисциплины

##### 4.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 9 зачетных единиц (324 академических часа).

Вид работы	Трудоемкость, академических часов			
	1 семестр	2 семестр	3 семестр	всего
<b>Общая трудоёмкость</b>	<b>144</b>	<b>72</b>	<b>108</b>	<b>324</b>
<b>Контактная работа:</b>	<b>50,25</b>	<b>50,25</b>	<b>35,25</b>	<b>135,75</b>
Лекции (Л)	34	34	18	86
Практические занятия (ПЗ)	16	16	16	48
Консультации			1	1
Промежуточная аттестация (зачет, экзамен)	0,25	0,25	0,25	0,75
<b>Самостоятельная работа:</b>	<b>93,75</b>	<b>21,75</b>	<b>72,75</b>	<b>188,25</b>
- самоподготовка: проработка и повторение лекционного материала и материала учебников и учебных пособий;	30	3	5,75	38,75
- подготовка к практическим занятиям;	25	4	10	39
- подготовка к коллоквиумам;	15	3,75	10	28,75
- подготовка к рубежному контролю ;	13,75	5	10	28,75
- выполнение контрольной работы;	10	6	10	26
- подготовка к экзамену			27	27
<b>Вид итогового контроля (зачет, экзамен, дифференцированный зачет)</b>	<b>зачет</b>	<b>зачет</b>	<b>экзамен</b>	

Разделы дисциплины, изучаемые в 1 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
1	Элементы высшей алгебры	40	10	6		24
2	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	36	8	4		24
3	Основы математического анализа	31	4	4		23
4	Дифференциальное исчисление	37	12	2		23

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
	Итого:	144	34	16		94

#### Разделы дисциплины, изучаемые в 2 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
5	Функция нескольких переменных	11	4	2		5
6	Интегральное исчисление	29	16	8		5
7	Дифференциальные уравнения	20	10	4		6
8	Ряды	12	4	2		6
	Итого:	72	34	16		22

#### Разделы дисциплины, изучаемые в 3 семестре

№ раздела	Наименование разделов	Количество часов				
		всего	аудиторная работа			внеауд. работа
			Л	ПЗ	ЛР	
9	Теория вероятностей	62	12	10		40
10	Основы математической статистики	46	6	6		34
	Итого:	108	18	16		74
	Всего:	324	86	48		190

## 4.2 Содержание разделов дисциплины

### Раздел 1. Элементы высшей алгебры

**Матрицы:** основные определения, классификация, операции над матрицами (сложение, вычитание, умножение), элементарные преобразования матриц, приведение к треугольному виду, транспонирование матриц; их свойства.

**Определители:** формулы для вычисления определителей 1,2,3 порядков. Простейшие свойства определителей. Дополнительный минор и алгебраические дополнения для элемента определителя, их свойства. Практические правила вычисления определителей  $n > 4$ . Определитель произведения матриц.

**Системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными:** основные определения, классификация, метод Гаусса решения системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными; правило Крамера решения системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными. Исследование систем линейных алгебраических уравнений. Свойства линейной зависимости.

**Обратная матрица:** определение, свойства, вывод формулы для вычисления. Применение обратных матриц для решения систем. Кольцо матриц, группа невырожденных матриц. Матричные уравнения.

**Ранг матрицы, базисный минор.** Различные теоремы о рангах. Подобные матрицы. Теорема Кронекера - Капелли о совместности неоднородной линейной системы.

**Линейное пространство:** определение, примеры линейных пространств. Понятие линейной зависимости независимости системы векторов, критерий линейной зависимости системы векторов в произвольном пространстве. Конечномерное линейное пространство: определение, базис, способ выбора базиса, координаты вектора. Критерий линейной независимости векторов в конечномерном пространстве. Матрица перехода от одного базиса к другому. Формулы для связи координат одного и того же вектора в двух базисах одного и того же линейного пространства.

Векторы в  $\mathbb{R}^3$ : основные определения (равенство, коллинеарность, компланарность), линейные операции. Свойства множества векторов, плоскости (реального пространства), исходящих из одной точки: линейное пространство, базис, размерность.

Прямоугольная система координат в  $\mathbb{R}^3$ , координаты вектора, действия над векторами, заданными в координатной форме. Скалярная проекция вектора на ось: определение, свойства, геометрический смысл координат.

Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов: определения, свойства, формулы для вычисления, приложения.

## **Раздел 2. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве**

Плоскость и прямая в  $\mathbb{R}^3$ : различные способы задания, взаимное расположение.

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола, их геометрические свойства и уравнения. Поверхности, основные свойства, классификация.

Расширение понятия числа. Комплексные числа: основные определения, алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы записи, операции над комплексными числами, геометрическая интерпретация. Определение комплексных чисел, их изображение на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы комплексного числа. Формула Эйлера. Операции над комплексными числами. Формула Муавра. Корни из комплексных чисел.

## **Раздел 3. Основы математического анализа**

Множества. Операции над множествами. Числовые множества. Окрестность точки. Множества точек на прямой, на плоскости, в пространстве. Ограниченные множества. Точная верхняя и точная нижняя граница. Замкнутые множества. Функции. Область определения. Множество значений функции. Сложные и обратные функции. График функции. Основные элементарные функции, их свойства и графики.

Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Арифметические действия над пределами.

Предел функции в точке и на бесконечности. Односторонние пределы. Теорема о связи односторонних пределов с пределом функции. Ограниченные функции на множестве  $X$  и в окрестности точки  $x_0$ .

Теорема об ограниченной функции, имеющей предел. Теорема о единственности предела функции. Теорема о промежуточной функции.

Бесконечно малые и бесконечно большие функции, их свойства, связь между ними. Виды неопределенностей. Теорема о сохранении знака предела функции. Теорема о переходе в неравенствах к пределу. Теорема о представлении функции. Первый и второй замечательные пределы.

Понятие о функции, непрерывной в точке. Арифметические действия над непрерывными функциями. Непрерывность сложной и обратной функций. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Точки разрыва и их классификация.

## **Раздел 4. Дифференциальное исчисление**

Производная функции в точке. Её геометрический и механический смысл. Понятие дифференцируемости функции в точке. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью.

Дифференциал функции и его геометрический смысл. Приближенные вычисления с помощью дифференциала. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная тригонометрических, степенной и логарифмической функций.

Производная обратной функции. Формулы дифференцирования показательной функции и аркфункций.

Дифференцирование сложной функции. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование функций, заданных параметрически.

Производные и дифференциалы высших порядков. Основные теоремы дифференциального исчисления: теоремы Ферма, Роля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья.

Условия монотонности функции. Экстремумы функции. Необходимое и достаточное условия экстремума. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на отрезке.

Исследование функции на выпуклость, вогнутость и точки перегиба.

Нахождение асимптот функции. Общая схема исследования функции и построение её графика.

### **Раздел 5. Функция нескольких переменных**

Понятие функций многих переменных. Область их определения и множество значений. Геометрическое изображение. Предел и непрерывность функции двух переменных. Свойства функции, непрерывной в замкнутой, ограниченной области.

Частные производные. Понятие о дифференцируемости функции двух переменных. Условия дифференцируемости функции в точке. Дифференциал и его связь с частными производными. Геометрический смысл частных производных и дифференциала.

Производные сложных функций. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.

Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума.

### **Раздел 6. Интегральное исчисление**

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных интегралов.

Замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле. Интегрирование рациональных функций.

Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.

Задача, приводящая к понятию определенного интеграла. Определенный интеграл как предел интегральных сумм. Существование и основные свойства определенного интеграла.

Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Методы интегрирования в определенном интеграле.

Геометрические и механические приложения определенного интеграла.

Несобственные интегралы первого и второго родов. Их вычисление и сходимость.

Задача, приводящая к понятию двойного интеграла. Определение и свойства двойного интеграла.

Вычисление двойного интеграла: Случай прямоугольной области, криволинейной области, в полярных координатах. Приложения двойного интеграла.

Тройной интеграл. Определение, свойства, вычисление в различных координатах, приложения.

Криволинейные интегралы первого и второго родов, определение, свойства, вычисление, приложения.

Связь между криволинейными интегралами первого и второго родов. Формула Грина. Условия независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Интегрирование полного дифференциала.

Повторные интегралы первого и второго родов, свойства, вычисление, приложения. Связь между ними. Формулы Остроградского и Стокса.

### **Раздел 7. Дифференциальные уравнения**

Задача, приводящая к понятию дифференциального уравнения. Основные понятия теории дифференциальных уравнений. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задача Коши и теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка. Общее и частное решения дифференциального уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения с разделяющимися и разделенными переменными.

Однородные уравнения. Линейные уравнения. Уравнения в полных дифференциалах.

Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши и теорема о существовании и единственности решения задачи Коши для дифференциального уравнения  $n$ -ого порядка. Общее и частное решения. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка.

Линейные дифференциальные уравнения: однородные и неоднородные. Линейные однородные дифференциальные уравнения, их свойства. Линейная зависимость и независимость функций на отрезке. Вронскиан. Теоремы о Вронскиане.

Фундаментальная система решений. Теорема о структуре общего решения линейного однородного дифференциального уравнения. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами.

Теорема о структуре общего решения линейного неоднородного дифференциального уравнения. Метод Лагранжа вариации постоянных. Решение линейного неоднородного дифференциального уравнения со специальной правой частью.

## **Раздел 8. Ряды**

Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Свойства сходящихся рядов. Необходимое условие сходимости ряда. Ряды с положительными членами. Теоремы сравнения. Признаки сходимости Даламбера и Коши. Интегральный признак.

Знакопеременные ряды. Теорема Лейбница. Знакопеременные ряды. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Переместительное свойство сходящихся рядов.

Функциональные ряды. Область сходимости. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал сходимости. Интегрирование и дифференцирование степенных рядов.

Разложение функций в степенные ряды. Теорема о единственности разложения функции в степенной ряд. Ряды Тейлора и Маклорена.

Тригонометрический ряд. Ряд Фурье. Разложение периодической функции в ряд Фурье.

Ряд Фурье для четных и нечетных функций, заданных на интервале длиной  $2\pi$ . Ряд Фурье для функции с периодом  $2l$ . Разложение в ряд Фурье непериодической функции.

## **Раздел 9. Теория вероятностей**

Комбинаторика и её основные формулы. События. Виды событий. Операции над событиями.

Вероятность события. Классическое, статистическое, геометрическое определения вероятности события. Свойства вероятности.

Аксиоматическое определение вероятности. Аксиомы вероятности.

Теорема сложения вероятностей. Теоремы о вероятности противоположных событий, невозможных событий, событий, образующих полную группу.

Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Следствия теорем сложения и умножения: теорема сложения вероятностей совместных событий, формула полной вероятности, формула Байеса.

Схема Бернулли. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Локальная и интегральная формулы Муавра-Лапласа.

Случайные величины: дискретные и непрерывные величины. Законы распределения дискретных случайных величин: многоугольник распределения, ряд распределения, функция распределения и её свойства, биномиальное распределение, распределение Пуассона.

Числовые характеристики дискретных случайных величин. Математическое ожидание, дисперсия и их свойства, среднее квадратическое отклонение. Одинаково распределенные взаимно независимые случайные величины.

Непрерывная случайная величина, её функция распределения. Плотность распределения непрерывных случайных величин и её свойства. Числовые характеристики непрерывных случайных величин. Основные законы распределения непрерывных случайных величин: равномерное, показательное и нормальное распределения.

Система двух случайных величин и законы её распределения. Функция распределения двумерной случайной величины и её свойства. Плотность совместного распределения вероятностей непрерывных двумерных случайных величин и её свойства. Плотность вероятностей двумерной случайной величины. Условные законы распределения составляющих системы дискретных и непрерывных величин. Условное математическое ожидание.

Зависимые и независимые случайные величины. Числовые характеристики системы двух случайных величин. Корреляционный момент. Коэффициент корреляции. Нормальный закон распределения на плоскости.

## **Раздел 10. Основы математической статистики**

Задача математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Виды выборки. Способы отбора.

Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.

Статистические оценки параметров распределения. Точность оценки, надежность, доверительный интервал.



Доверительные интервалы для параметров случайной величины, распределенной по нормальному закону.

Проверка статистических гипотез. Метод наибольшего правдоподобия. Статистические методы обработки экспериментальных данных.

### 4.3 Практические занятия (семинары)

№ занятия	№ раздела	Тема	Кол-во часов
1.	1	Матрицы. Определители. Ранг матрицы	2
2.	1	Решение систем линейных уравнений различными способами	2
3.	1	Векторы. Линейные и линейные операции над векторами. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов	2
4.	2	Прямая на плоскости, прямая и плоскость в пространстве: ключевые задачи	2
5.	2	Кривые и поверхности второго порядка. Приведение уравнений к каноническому виду. Комплексные числа.	2
6.	3	Предел последовательности и функции	2
7.	3	Непрерывность функций. Точки разрыва и их классификация	2
8.	4	Исследование функций и построение графиков	2
9.	5	Функции многих переменных, область определения, предел, непрерывность. Частные производные. Экстремум функции многих переменных интеграла	2
10.	6	Первообразная и неопределенный интеграл. Основные методы вычисления неопределенных интегралов	2
11.	6	Интегрирование рациональных и тригонометрических функций	2
12.	6	Определенный интеграл. Приложения определенного	2
13.	6	Несобственные интегралы. Двойной интеграл. Приложения двойных интегралов	2
14.	7	Дифференциальные уравнения 1 порядка	2
15.	7	Дифференциальные уравнения 2 порядка	2
16.	8	Числовые ряды	2
17.	9	Вероятность события. Применение формул комбинаторики для вычисления вероятностей	2
18.	9	Теоремы сложения и умножения и следствия из них	2
19.	9	Повторение испытаний. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Формула Пуассона. Теоремы Муавра-Лапласа	2
20.	9	Дискретные случайные величины: понятие, законы распределения, числовые характеристики	2
21.	9	Непрерывные случайные величины: понятие, числовые характеристики, законы распределения	2
22.	10	Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Гистограмма, полигон, эмпирическая функция распределения	2
23.	10	Статистические оценки: точечные и интервальные. Доверительная вероятность и доверительный интервал. Принцип максимального правдоподобия	2
24.	10	Статистические методы обработки экспериментальных данных. Проверка гипотез	2
		Итого:	48

## 5 Учебно-методическое обеспечение дисциплины

1. Шипачев, В. С. Высшая математика. Полный курс [Текст] : учебник для бакалавров / В. С. Шипачев; [под ред. А. Н. Тихонова].- 4-е изд., испр. и доп.. - Москва : Юрайт, 2014. - 607 с. - (Бакалавр. Базовый курс) - ISBN 978-5-9916-3325-3.

### 5.2 Дополнительная литература

1. Балдин, К. В. Математика [Электронный ресурс] : учеб. пособие / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. - М.: Юнити-Дана, 2012. - 543 с. <http://biblioclub.ru>
2. Гмурман, В. Е. Теория вероятностей и математическая статистика [Текст] : учеб. пособие / В. Е. Гмурман.- 12-е изд.. - Москва : Высшее образование, 2006. - 479 с.
3. Методические рекомендации по организации самостоятельной работы по дисциплине «Математика»/ Д.К. Афанасова – Кумертау: Кумертауский филиал ОГУ, 2022. – 16 с.
4. Методические рекомендации для проведения практических занятий по дисциплине «Математика»/ Д.К. Афанасова – Кумертау: Кумертауский филиал ОГУ, 2022. – 46 с.
5. Методические рекомендации по выполнению контрольной работы по дисциплине «Математика»:ч.1,2,3 / Д.К. Афанасова: Кумертауский филиал ОГУ – Кумертау: Кумертауский филиал ОГУ, 2022.

### 5.3 Интернет-ресурсы

1. <https://universarium.org/catalog> - «Универсариум», Медиотека: «Математический анализ. Лекции»
2. <http://aist.osu.ru/> АИССТ ОГУ - автоматизированная интерактивная система сетевого тестирования ОГУ
3. <http://www.mccme.ru/> URL: Московский центр непрерывного математического образования
4. <http://vilenin.narod.ru/Mm/Books/Books.htm> Математическая библиотека
5. <http://en.edu.ru/> Естественно-научный образовательный портал
6. Вестник Московского Университета. Серия 1. Математика. Механика: журнал. – М.: Агентство «Роспечать» - периодическое научное издание отражает тематику важнейших направлений теоретических исследований по математике и механике. - <http://vestnik.math.msu.su/start-in-fr.html>
7. Алгебра и анализ: журнал.- [Санкт-Петербургское отделение Математического института им. В. А. Стеклова РАН http://www.pdmi.ras.ru/AA](http://www.pdmi.ras.ru/AA)
8. Дифференциальные уравнения: журнал. – М.: [МАИК "Наука /Интерпериодика".- http://nasb.gov.by/eng/publications/difur/index.php](http://nasb.gov.by/eng/publications/difur/index.php)

### 5.4 Программное обеспечение, профессиональные базы данных и информационные справочные системы современных информационных технологий

1. - Операционная система Microsoft Windows
2. - Пакет настольных приложений Microsoft Office (Word, Excel, PowerPoint, OneNote, Outlook, Publisher, Access)
3. - Приложения Microsoft Visio
4. - Антивирус Dr.Web Desktop Security Suite
5. - Бесплатное средство просмотра файлов PDF - Adobe Reader
6. - Свободный файловый архиватор 7-Zip
7. - <https://yandex.ru/> - бесплатный российский Интернет обозреватель Яндекс. Браузер
8. <http://newgdz.com/spravochnik> Справочник по высшей математике

## 6 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Лекционные и практические занятия проводятся в учебных аудиториях.

Аудитории оснащены комплектами ученической мебели, техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся оснащено компьютерной техникой, подключенной к сети "Интернет", и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду филиала и ОГУ.

**ЛИСТ  
согласования рабочей программы**

Направление подготовки: 08.03.01 Строительство  
код и наименование

Профиль: Промышленное и гражданское строительство


Дисциплина: Б1.Д.Б.15 Математика

Форма обучения: \_\_\_\_\_  
(очная, очно-заочная, заочная)


Год набора 2022

РЕКОМЕНДОВАНА на заседании кафедры  
экономики  
наименование кафедры

протокол №2 от 30.08.2022

Ответственный исполнитель, и.о. заведующего кафедрой  
экономики  
наименование кафедры \_\_\_\_\_ подпись  \_\_\_\_\_ расшифровка подписи  
Ахмадиева З.Р.

*Исполнители:*  
доцент кафедры экономики \_\_\_\_\_ подпись  \_\_\_\_\_ расшифровка подписи  
Д.К. Афанасова  
должность

ОДОБРЕНА на заседании НМС, протокол №1 от «31» августа 2022  
Председатель НМС \_\_\_\_\_ подпись  \_\_\_\_\_ расшифровка подписи  
Л.Ю. Полякова

СОГЛАСОВАНО:  
И.о. зав. кафедрой ГСХ \_\_\_\_\_ подпись  \_\_\_\_\_ расшифровка подписи  
О.Н. Рахимова  
Заведующий библиотекой \_\_\_\_\_ подпись  \_\_\_\_\_ расшифровка подписи  
С.Н. Козак